

FORMULAIRE BACCALAUREAT PROFESSIONNEL

Métiers de l'électricité

Fonction f

<u>Dérivée f'</u>
$f(x)$
$ax + b$
x^2
x^3
$\frac{1}{x}$
$\ln x$
e^x
e^{ax+b}
$\sin x$
$\cos x$
$\sin(ax+b)$
$\cos(ax+b)$
$u(x) + v(x)$
$a u(x)$
$u(x)v(x)$
$\frac{1}{u(x)}$
$\frac{u(x)}{v(x)}$

<u>Dérivée f'</u>
$f'(x)$
a
$2x$
$3x^2$
$-\frac{1}{x^2}$
$\frac{1}{x}$
e^x
ae^{ax+b}
$\cos x$
$-\sin x$
$a \cos(ax+b)$
$-a \sin(ax+b)$
$u'(x) + v'(x)$
$a u'(x)$
$u'(x)v(x) + u(x)v'(x)$
$-\frac{u'(x)}{[u(x)]^2}$
$\frac{u'(x)v(x) - u(x)v'(x)}{[v(x)]^2}$

Equation du second degré $ax^2 + bx + c = 0$

$$\Delta = b^2 - 4ac$$

- Si $\Delta > 0$, deux solutions réelles :

$$x_1 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} \quad \text{et} \quad x_2 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a}$$

- Si $\Delta = 0$, une solution réelle double :

$$x_1 = x_2 = -\frac{b}{2a}$$

- Si $\Delta < 0$, aucune solution réelle

$$\text{Si } \Delta \geq 0, \quad ax^2 + bx + c = a(x - x_1)(x - x_2)$$

Suites arithmétiques

Terme de rang 1 : u_1 et raison r

Terme de rang n : $u_n = u_1 + (n-1)r$

Somme des k premiers termes :

$$u_1 + u_2 + \dots + u_k = \frac{k(u_1 + u_k)}{2}$$

Suites géométriques

Terme de rang 1 : u_1 et raison q

Terme de rang n : $u_n = u_1 q^{n-1}$

Somme des k premiers termes :

$$u_1 + u_2 + \dots + u_k = u_1 \frac{1 - q^k}{1 - q}$$

Logarithme népérien : \ln

$$\ln(ab) = \ln a + \ln b$$

$$\ln(a^n) = n \ln a$$

$$\ln\left(\frac{a}{b}\right) = \ln a - \ln b$$

Équations différentielles

$$y' - ay = 0 \quad y = k e^{ax}$$

$$y'' + \omega^2 y = 0 \quad y = a \cos \omega x + b \sin \omega x$$

Trigonométrie

$$\sin(a+b) = \sin a \cos b + \sin b \cos a$$

$$\cos(a+b) = \cos a \cos b - \sin a \sin b$$

$$\cos 2a = 2 \cos^2 a - 1$$

$$= 1 - 2 \sin^2 a$$

$$\sin 2a = 2 \sin a \cos a$$

Nombres complexes ($j^2 = -1$)

forme algébrique forme trigonométrique

$$z = x + jy \quad z = r (\cos \varphi + j \sin \varphi)$$

$$\bar{z} = x - jy \quad \bar{z} = r (\cos \varphi - j \sin \varphi)$$

$$|z| = \sqrt{x^2 + y^2} \quad r = |z|$$

$$\varphi = \arg(z)$$

Calcul vectoriel dans le plan

$$\vec{v} \cdot \vec{v}' = xx' + yy'$$

$$\|\vec{v}\| = \sqrt{x^2 + y^2}$$

Si $\vec{v} \neq 0$ et $\vec{v}' \neq 0$:

$$\vec{v} \cdot \vec{v}' = \|\vec{v}\| \cdot \|\vec{v}'\| \cos(\vec{v}, \vec{v}')$$

$\vec{v} \cdot \vec{v}' = 0$ si et seulement si $\vec{v} \perp \vec{v}'$

Aires dans le plan

$$\text{Triangle : } \frac{1}{2} bc \sin A \quad \text{Trapèze : } \frac{1}{2} (B + b)h$$

$$\text{Disque : } \pi R^2$$

Aires et volumes dans l'espace

Cylindre de révolution ou prisme droit d'aire de base B et de hauteur h : Volume Bh

Sphère de rayon R :

$$\text{Aire : } 4\pi R^2 \quad \text{Volume : } \frac{4}{3} \pi R^3$$

Cône de révolution ou pyramide de base B et de hauteur h : Volume $\frac{1}{3} Bh$

Calcul intégral

* Relation de Chasles :

$$\int_a^c f(t) dt = \int_a^b f(t) dt + \int_b^c f(t) dt$$

$$* \int_a^b (f + g)(t) dt = \int_a^b f(t) dt + \int_a^b g(t) dt$$

$$* \int_a^b kf(t) dt = k \int_a^b f(t) dt$$